Единый государственный экзамен МАТЕМАТИКА 1/4

# Единый государственный экзамен по МАТЕМАТИКЕ

# Инструкция по выполнению работы

На выполнение экзаменационной работы по математике даётся 3 часа 55 минут (235 минут). Работа состоит из двух частей, включающих в себя 21 задание.

Часть 1 содержит 10 заданий (задания B1–B10) базового уровня сложности, проверяющих наличие практических математических знаний и умений.

Часть 2 содержит 11 заданий (задания B11–B15 и C1–C6) повышенного и высокого уровней сложности по материалу курса математики средней школы, проверяющих уровень профильной математической подготовки.

Ответом к каждому из заданий B1–B15 является целое число или конечная десятичная дробь. При выполнении заданий C1–C6 требуется записать полное решение и ответ.

Все бланки ЕГЭ заполняются яркими чёрными чернилами. Допускается использование гелевой, капиллярной или перьевой ручки.

При выполнении заданий Вы можете пользоваться черновиком. Обращаем Ваше внимание, что записи в черновике не будут учитываться при оценивании работы.

Советуем выполнять задания в том порядке, как они даны. Для экономии времени пропускайте задание, которое не удаётся выполнить сразу, и переходите к следующему. Если после выполнения всей работы у Вас останется время, Вы сможете вернуться к пропущенным заданиям.

Баллы, полученные Вами за выполненные задания, суммируются. Постарайтесь выполнить как можно больше заданий и набрать наибольшее количество баплов

# Желаем успеха!

#### Справочные материалы

 $\sin^{2}\alpha + \cos^{2}\alpha = 1$   $\sin 2\alpha = 2\sin\alpha \cdot \cos\alpha$   $\cos 2\alpha = \cos^{2}\alpha - \sin^{2}\alpha$   $\sin(\alpha + \beta) = \sin\alpha \cdot \cos\beta + \cos\alpha \cdot \sin\beta$   $\cos(\alpha + \beta) = \cos\alpha \cdot \cos\beta - \sin\alpha \cdot \sin\beta$ 

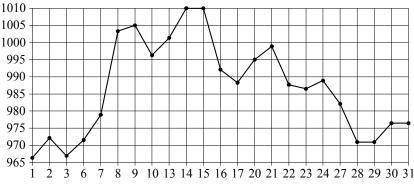
© 2014 Федеральная служба по надзору в сфере образования и науки Российской Федерации Копирование **не допускается** 

#### Часть 1

Ответом на задания B1-B10 должно быть целое число или конечная десятичная дробь. Ответ следует записать в бланк ответов № 1 справа от номера выполняемого задания, начиная с первой клеточки. Каждую цифру, знак минус и запятую пишите в отдельной клеточке в соответствии с приведёнными в бланке образцами. Единицы измерений писать не нужно.

B1	Установка двух счётчиков воды (холодной и горячей) стоит 3300 рублей.
	До установки счётчиков за воду платили 800 рублей ежемесячно. После установки счётчиков ежемесячная оплата воды стала составлять 400 рублей.
	Через какое наименьшее количество месяцев экономия по оплате воды
	превысит затраты на установку счётчиков, если тарифы на воду не изменятся?
	Ответ:
B2	Пачка сливочного масла стоит 46 рублей. Пенсионерам магазин делает скидку 5%. Сколько рублей стоит пачка масла для пенсионера?
	Ответ:

На рисунке жирными точками показана цена золота, установленная Центробанком РФ во все рабочие дни в октябре 2009 года. По горизонтали указаны числа месяца, по вертикали — цена золота в рублях за грамм. Для наглядности жирные точки на рисунке соединены линией. Определите по рисунку, какого числа цена золота впервые поднялась выше 1000 рублей за грамм.

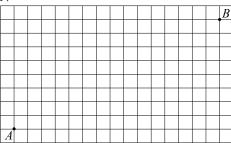


Ответ:					

В4 При строительстве сельского дома можно использовать один из двух типов фундамента: каменный или бетонный. Для каменного фундамента необходимо 9 тонн природного камня и 13 мешков цемента. Для бетонного фундамента необходимо 8 тонн щебня и 57 мешков цемента. Тонна камня стоит 1700 рублей, щебень стоит 700 рублей за тонну, а мешок цемента стоит 220 рублей. Сколько рублей будет стоить материал для фундамента, если выбрать наиболее дешёвый вариант?

Ответ:	
OIBCI.	

**B5** На клетчатой бумаге с размером клетки  $1 \times 1$  отмечены точки A и B. Найдите длину отрезка AB.



Ответ:		

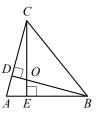
В6 В сборнике билетов по химии всего 15 билетов, в 6 из них встречается вопрос по теме «Кислоты». Найдите вероятность того, что в случайно выбранном на экзамене билете школьнику достанется вопрос по теме «Кислоты».

Ответ:		
OIBCI.		

**В7** Найдите корень уравнения  $\sqrt[3]{x-6} = 2$ .

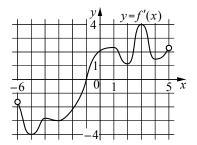
Ответ:		
OIBCI.		

В в остроугольном треугольнике ABC угол A равен  $78^{\circ}$ , BD и CE — высоты, пересекающиеся в точке O. Найдите угол DOE. Ответ дайте в градусах.



_		
Ответ:		
OIBCI.		

На рисунке изображён график y = f'(x) — производной функции f(x), определённой на интервале (-6;5). В какой точке отрезка [-5;-1] функция f(x) принимает наибольшее значение?



Ответ:		

В10 Куб описан около сферы радиуса 2. Найдите объём куба.



_		
Ответ:		

МАТЕМАТИКА

3/4

### Часть 2

Ответом на задания B11-B15 должно быть целое число или конечная десятичная дробь. Ответ следует записать в бланк ответов № 1 справа от номера выполняемого задания, начиная с первой клеточки. Каждую цифру, знак минус и запятую пишите в отдельной клеточке в соответствии с приведёнными в бланке образцами. Единицы измерений писать не нужно.

$\mathbf{D}\mathbf{H}$ Паидите значение выражения $\log_5 2 \cdot \log_2 12$	B11	Найдите значение выражения	$\log_5 2 \cdot \log_2 125$
------------------------------------------------------------------------------	-----	----------------------------	-----------------------------

Ответ: .

# В12 Для определения эффективной температуры звёзд используют закон Стефана—Больцмана, согласно которому $P = \sigma S T^4$ , где P — мощность излучения звезды, $\sigma = 5,7 \cdot 10^{-8} \frac{\mathrm{Br}}{\mathrm{M}^2 \cdot \mathrm{K}^4}$ — постоянная, S — площадь поверхности звезды, а T — температура. Известно, что площадь поверхности некоторой звезды равна $\frac{1}{625} \cdot 10^{21} \,\mathrm{m}^2$ , а мощность её излучения равна $5,7 \cdot 10^{25} \,\mathrm{Br}$ . Найдите температуру этой звезды в градусах Кельвина.

Ответ: \_\_\_\_\_\_.

# В правильной четырёхугольной пирамиде все рёбра равны 2. Найдите площадь сечения пирамиды плоскостью, проходящей через середины боковых рёбер.



Ответ: .

🗈 2014 Федеральная служба по надзору в сфере образования и науки Российской Федерации	
Копирование не допускается	

В14 Дорога между пунктами А и В состоит из подъёма и спуска, а её длина равна 25 км. Путь из А в В занял у туриста 6 часов, из которых 1 час ушёл на спуск. Найдите скорость туриста на спуске, если она больше скорости на подъёме на 1 км/ч. Ответ дайте в км/ч.

Ответ: \_\_\_\_\_\_

**B15** Найдите наибольшее значение функции  $y = (x-27) \cdot e^{28-x}$  на отрезке [23; 40].

Ответ:

МАТЕМАТИКА

4/4

Для записи решений и ответов на задания C1–C6 используйте бланк ответов N 2. Запишите сначала номер выполняемого задания (C1, C2 u m. d.), а затем полное обоснованное решение и ответ.

С1 а) Решите уравнение

$$9^{\sin x} + 9^{-\sin x} = \frac{10}{3}$$
.

- б) Укажите корни этого уравнения, принадлежащие отрезку  $\left[-\frac{7\pi}{2}; -2\pi\right]$ .
- С2 Радиус основания конуса с вершиной P равен 6, а длина его образующей равна 9. На окружности основания конуса выбраны точки A и B, делящие окружность на две дуги, длины которых относятся как 1:3. Найдите площадь сечения конуса плоскостью ABP.

С3 Решите систему неравенств

$$\begin{cases} 3^x + \frac{54}{3^x} \ge 29, \\ \log_{x+3} \left( \frac{x+1}{4} \right) \le 0. \end{cases}$$

- С4 Около остроугольного треугольника ABC описана окружность с центром O. На продолжении отрезка AO за точку O отмечена точка K так, что  $\angle BAC + \angle AKC = 90^{\circ}$ .
  - а) Докажите, что четырёхугольник ОВКС вписанный.
  - б) Найдите радиус окружности, описанной около четырёхугольника *OBKC*, если  $\cos \angle BAC = \frac{3}{5}$ , а BC = 48.

© 2014 Федеральная служба по надзору в сфере образования и науки Российской Федерации Копирование **не допускается** 

**C5** Найдите все значения a, при которых уравнение

$$\sqrt{x^4 + (a-5)^4} = |x+a-5| + |x-a+5|$$

- На окружности некоторым образом расставили натуральные числа от 1 до 21 (каждое число поставлено по одному разу). Затем для каждой пары соседних чисел нашли разность большего и меньшего.
  - а) Могли ли все полученные разности быть не меньше 11?
  - б) Могли ли все полученные разности быть не меньше 10?
  - в) Помимо полученных разностей, для каждой пары чисел, стоящих через одно, нашли разность большего и меньшего. Для какого наибольшего целого числа k можно так расставить числа, чтобы все разности были не меньше k?

Единый государственный экзамен МАТЕМАТИКА 1/4

# Единый государственный экзамен по МАТЕМАТИКЕ

# Инструкция по выполнению работы

На выполнение экзаменационной работы по математике даётся 3 часа 55 минут (235 минут). Работа состоит из двух частей, включающих в себя 21 задание.

Часть 1 содержит 10 заданий (задания B1–B10) базового уровня сложности, проверяющих наличие практических математических знаний и умений.

Часть 2 содержит 11 заданий (задания B11–B15 и C1–C6) повышенного и высокого уровней сложности по материалу курса математики средней школы, проверяющих уровень профильной математической подготовки.

Ответом к каждому из заданий B1–B15 является целое число или конечная десятичная дробь. При выполнении заданий C1–C6 требуется записать полное решение и ответ.

Все бланки ЕГЭ заполняются яркими чёрными чернилами. Допускается использование гелевой, капиллярной или перьевой ручки.

При выполнении заданий Вы можете пользоваться черновиком. Обращаем Ваше внимание, что записи в черновике не будут учитываться при оценивании работы.

Советуем выполнять задания в том порядке, как они даны. Для экономии времени пропускайте задание, которое не удаётся выполнить сразу, и переходите к следующему. Если после выполнения всей работы у Вас останется время, Вы сможете вернуться к пропущенным заданиям.

Баллы, полученные Вами за выполненные задания, суммируются. Постарайтесь выполнить как можно больше заданий и набрать наибольшее количество баплов

# Желаем успеха!

#### Справочные материалы

 $\sin^{2}\alpha + \cos^{2}\alpha = 1$   $\sin 2\alpha = 2\sin\alpha \cdot \cos\alpha$   $\cos 2\alpha = \cos^{2}\alpha - \sin^{2}\alpha$   $\sin(\alpha + \beta) = \sin\alpha \cdot \cos\beta + \cos\alpha \cdot \sin\beta$   $\cos(\alpha + \beta) = \cos\alpha \cdot \cos\beta - \sin\alpha \cdot \sin\beta$ 

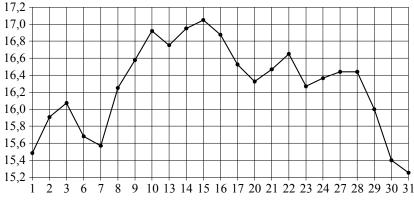
© 2014 Федеральная служба по надзору в сфере образования и науки Российской Федерации Копирование **не допускается** 

#### Часть 1

Ответом на задания B1-B10 должно быть целое число или конечная десятичная дробь. Ответ следует записать в бланк ответов № 1 справа от номера выполняемого задания, начиная с первой клеточки. Каждую цифру, знак минус и запятую пишите в отдельной клеточке в соответствии с приведёнными в бланке образцами. Единицы измерений писать не нужно.

B1	Установка двух счётчиков воды (холодной и горячей) стоит 2900 рублей.
	До установки счётчиков за воду платили 1400 рублей ежемесячно. После установки счётчиков ежемесячная оплата воды стала составлять 1000 рублей. Через какое наименьшее количество месяцев экономия по оплате воды превысит затраты на установку счётчиков, если тарифы на воду не изменятся?
	Ответ:
B2	Пачка сливочного масла стоит 92 рубля. Пенсионерам магазин делает скидку 10%. Сколько рублей стоит пачка масла для пенсионера?  Ответ:

На рисунке жирными точками показана цена серебра, установленная Центробанком РФ во все рабочие дни в октябре 2009 года. По горизонтали указаны числа месяца, по вертикали — цена серебра в рублях за грамм. Для наглядности жирные точки на рисунке соединены линией. Определите по рисунку, какого числа цена серебра впервые поднялась выше 16,4 рубля за грамм.

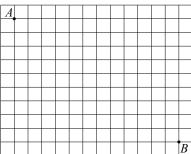


Ответ:				

В4 При строительстве сельского дома можно использовать один из двух типов фундамента: каменный или бетонный. Для каменного фундамента необходимо 8 тонн природного камня и 7 мешков цемента. Для бетонного фундамента необходимо 6 тонн шебня и 43 мешка цемента. Тонна камня стоит 1600 рублей, щебень стоит 750 рублей за тонну, а мешок цемента стоит 230 рублей. Сколько рублей будет стоить материал для фундамента, если выбрать наиболее дешёвый вариант?

Ответ: \_\_\_\_\_\_\_.

**B5** На клетчатой бумаге с размером клетки  $1 \times 1$  отмечены точки A и B. Найдите длину отрезка AB.



Ответ:

В сборнике билетов по философии всего 25 билетов, в 15 из них встречается вопрос о философии Пифагора. Найдите вероятность того, что в случайно выбранном на экзамене билете школьнику достанется вопрос о философии Пифагора.

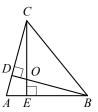
Ответ: \_\_\_\_\_\_.

**В7** Найдите корень уравнения  $\sqrt[3]{x-5} = 3$ .

Ответ: \_\_\_\_\_\_.

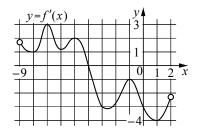
© 2014 Федеральная служба по надзору в сфере образования и науки Российской Федерации Копирование **не допускается** 

**B8** В остроугольном треугольнике ABC угол A равен  $72^{\circ}$ , BD и CE — высоты, пересекающиеся в точке O. Найдите угол DOE. Ответ дайте в градусах.



Ответ:

На рисунке изображён график y = f'(x) — производной функции f(x), определённой на интервале (-9;2). В какой точке отрезка [-8;-4] функция f(x) принимает наибольшее значение?



Ответ:

В10 Куб описан около сферы радиуса 1. Найдите объём куба.



Ответ:

МАТЕМАТИКА

3/4

### Часть 2

Ответом на задания B11-B15 должно быть целое число или конечная десятичная дробь. Ответ следует записать в бланк ответов  $\mathfrak{N}$  1 справа от номера выполняемого задания, начиная с первой клеточки. Каждую цифру, знак минус и запятую пишите в отдельной клеточке в соответствии с приведёнными в бланке образцами. Единицы измерений писать не нужно.

B11	Найдите значение выражения $\log_3 5 \cdot \log_5 81$

В12 Для определения эффективной температуры звёзд используют закон Стефана—Больцмана, согласно которому  $P = \sigma S T^4$ , где P — мощность излучения звезды,  $\sigma = 5,7 \cdot 10^{-8} \frac{\mathrm{Br}}{\mathrm{m}^2 \cdot \mathrm{K}^4}$  — постоянная, S — площадь поверхности звезды, а T — температура. Известно, что площадь поверхности некоторой звезды равна  $\frac{1}{512} \cdot 10^{21} \,\mathrm{m}^2$ , а мощность её излучения равна  $4,56 \cdot 10^{26} \,\mathrm{Br}$ . Найдите температуру этой звезды в градусах Кельвина.

© 2014 Федеральная служба по надзору в сфере образования и науки Российской Федерации Копирование **не допускается** 

Ответ:	
OIBCI.	

В правильной четырёхугольной пирамиде все рёбра равны 6. Найдите площадь сечения пирамиды плоскостью, проходящей через середины боковых рёбер.



Ответ: \_\_\_\_\_\_.

	15 км. Путь из A в B занял у туриста 7 часов, из которых 4 часа ушло на спуск. Найдите скорость туриста на спуске, если она больше скорости на подъёме на 2 км/ч. Ответ дайте в км/ч.
	Ответ:
B15	Найдите наименьшее значение функции $y = (x-4) \cdot e^{2x-7}$ на отрезке [2;11].
	Ответ:
	Не забудьте перенести все ответы в бланк ответов № 1.

Дорога между пунктами А и В состоит из подъёма и спуска, а её длина равна

Единый государственный экзамен МАТЕМАТИКА

Для записи решений и ответов на задания C1—C6 используйте бланк ответов N 2. Запишите сначала номер выполняемого задания (C1, C2) и (C1,

4/4

С1 а) Решите уравнение

$$4^{\sin x} + 4^{-\sin x} = \frac{5}{2}$$
.

- б) Укажите корни этого уравнения, принадлежащие отрезку  $\left[\frac{5\pi}{2};4\pi\right]$
- С2 Радиус основания конуса с вершиной P равен 6, а длина его образующей равна 9. На окружности основания конуса выбраны точки A и B, делящие окружность на две дуги, длины которых относятся как 1:5. Найдите площадь сечения конуса плоскостью ABP.
- С3 Решите систему неравенств

$$\begin{cases} 2^x + \frac{80}{2^x} \ge 21, \\ \log_{x-1} \left( \frac{x+1}{5} \right) \le 0. \end{cases}$$

- С4 Около остроугольного треугольника ABC описана окружность с центром O. На продолжении отрезка AO за точку O отмечена точка K так, что  $\angle BAC + \angle AKC = 90^{\circ}$ .
  - а) Докажите, что четырёхугольник ОВКС вписанный.
  - б) Найдите радиус окружности, описанной около четырёхугольника OBKC, если  $\cos \angle BAC = \frac{4}{5}$ , а BC = 96.

© 2014 Федеральная служба по надзору в сфере образования и науки Российской Федерации Копирование **не допускается** 

**C5** Найдите все значения a, при которых уравнение

$$2\sqrt{x^4 + (a-2)^4} = |x+a-2| + |x-a+2|$$

- На окружности некоторым образом расставили натуральные числа от 1 до 27 (каждое число поставлено по одному разу). Затем для каждой пары соседних чисел нашли разность большего и меньшего.
  - а) Могли ли все полученные разности быть не меньше 14?
  - б) Могли ли все полученные разности быть не меньше 13?
  - в) Помимо полученных разностей, для каждой пары чисел, стоящих через одно, нашли разность большего и меньшего. Для какого наибольшего целого числа k можно так расставить числа, чтобы все разности были не меньше k?

#### МАТЕМАТИКА

1/4

# Единый государственный экзамен по МАТЕМАТИКЕ

# Инструкция по выполнению работы

На выполнение экзаменационной работы по математике даётся 3 часа 55 минут (235 минут). Работа состоит из двух частей, включающих в себя 21 задание.

Часть 1 содержит 10 заданий (задания B1–B10) базового уровня сложности, проверяющих наличие практических математических знаний и умений.

Часть 2 содержит 11 заданий (задания B11–B15 и C1–C6) повышенного и высокого уровней сложности по материалу курса математики средней школы, проверяющих уровень профильной математической подготовки.

Ответом к каждому из заданий B1–B15 является целое число или конечная десятичная дробь. При выполнении заданий C1–C6 требуется записать полное решение и ответ.

Все бланки ЕГЭ заполняются яркими чёрными чернилами. Допускается использование гелевой, капиллярной или перьевой ручки.

При выполнении заданий Вы можете пользоваться черновиком. Обращаем Ваше внимание, что записи в черновике не будут учитываться при оценивании работы.

Советуем выполнять задания в том порядке, как они даны. Для экономии времени пропускайте задание, которое не удаётся выполнить сразу, и переходите к следующему. Если после выполнения всей работы у Вас останется время, Вы сможете вернуться к пропущенным заданиям.

Баллы, полученные Вами за выполненные задания, суммируются. Постарайтесь выполнить как можно больше заданий и набрать наибольшее количество баплов

# Желаем успеха!

# Справочные материалы

 $\sin^{2}\alpha + \cos^{2}\alpha = 1$   $\sin 2\alpha = 2\sin\alpha \cdot \cos\alpha$   $\cos 2\alpha = \cos^{2}\alpha - \sin^{2}\alpha$   $\sin(\alpha + \beta) = \sin\alpha \cdot \cos\beta + \cos\alpha \cdot \sin\beta$   $\cos(\alpha + \beta) = \cos\alpha \cdot \cos\beta - \sin\alpha \cdot \sin\beta$ 

© 2014 Федеральная служба по надзору в сфере образования и науки Российской Федерации Копирование **не допускается** 

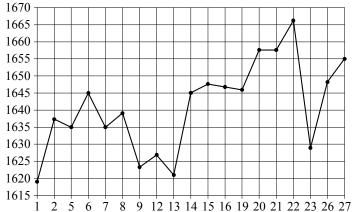
#### Часть 1

Ответом на задания B1-B10 должно быть целое число или конечная десятичная дробь. Ответ следует записать в бланк ответов № 1 справа от номера выполняемого задания, начиная с первой клеточки. Каждую цифру, знак минус и запятую пишите в отдельной клеточке в соответствии с приведёнными в бланке образцами. Единицы измерений писать не нужно.

В2 Пачка сливочного масла стоит 78 рублей. Пенсионерам магазин делает скидку 5%. Сколько рублей стоит пачка масла для пенсионера?

Ответ: \_\_\_\_\_

На рисунке жирными точками показана цена платины, установленная Центробанком РФ во все рабочие дни с 1 по 27 октября 2010 года. По горизонтали указаны числа месяца, по вертикали — цена платины в рублях за грамм. Для наглядности жирные точки на рисунке соединены линией. Определите по рисунку, какого числа цена платины впервые поднялась выше 1650 рублей за грамм.

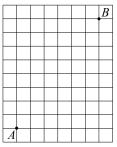


Ответ:						

В4 При строительстве сельского дома можно использовать один из двух типов фундамента: каменный или бетонный. Для каменного фундамента необходимо 7 тонн природного камня и 8 мешков цемента. Для бетонного фундамента необходимо 5 тонн щебня и 36 мешков цемента. Тонна камня стоит 1500 рублей, щебень стоит 690 рублей за тонну, а мешок цемента стоит 250 рублей. Сколько рублей будет стоить материал для фундамента, если выбрать наиболее дешёвый вариант?

Ответ: \_\_\_\_\_\_\_.

**B5** На клетчатой бумаге с размером клетки  $1 \times 1$  отмечены точки A и B. Найдите длину отрезка AB.



Ответ: .

Всборнике билетов по истории всего 20 билетов, в 18 из них встречается вопрос о Смутном времени. Найдите вероятность того, что в случайно выбранном на экзамене билете школьнику достанется вопрос о Смутном времени.

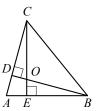
Ответ:

**В7** Найдите корень уравнения  $\sqrt[3]{x-3} = 4$ .

Ответ: \_\_\_\_\_\_.

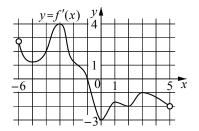
© 2014 Федеральная служба по надзору в сфере образования и науки Российской Федерации Копирование **не допускается** 

**B8** В остроугольном треугольнике ABC угол A равен  $69^{\circ}$ , BD и CE — высоты, пересекающиеся в точке O. Найдите угол DOE. Ответ дайте в градусах.



Ответ:

На рисунке изображён график y = f'(x) — производной функции f(x), определённой на интервале (-6,5). В какой точке отрезка [-3,4] функция f(x) принимает наибольшее значение?



Otret.

В10 Куб описан около сферы радиуса 3. Найдите объём куба.



Otret:

МАТЕМАТИКА

3/4

# Часть 2

Ответом на задания B11-B15 должно быть целое число или конечная десятичная дробь. Ответ следует записать в бланк ответов  $\mathfrak{N}$  1 справа от номера выполняемого задания, начиная с первой клеточки. Каждую цифру, знак минус и запятую пишите в отдельной клеточке в соответствии с приведёнными в бланке образцами. Единицы измерений писать не нужно.

B11	Найдите значение выражения	$\log_2 7 \cdot \log_7 32$

Ответ:

B12	Для определения эффективной температуры звёзд используют закон
	Стефана-Больцмана, согласно которому $P = \sigma S T^4$ , где $P$ — мощность
	излучения звезды, $\sigma = 5,7 \cdot 10^{-8} \frac{\text{Bt}}{\text{M}^2 \cdot \text{K}^4}$ — постоянная, $S$ — площадь
	поверхности звезды, а $T$ — температура. Известно, что площадь
	поверхности некоторой звезды равна $\frac{1}{648} \cdot 10^{21}  \mathrm{m}^2$ , а мощность её излучения
	равна $1,14\cdot 10^{26}$ Вт. Найдите температуру этой звезды в градусах Кельвина.

Ответ: \_\_\_\_\_\_\_.

В правильной четырёхугольной пирамиде все рёбра равны 8. Найдите площадь сечения пирамиды плоскостью, проходящей через середины боковых рёбер.



Ответ: \_\_\_\_\_\_.

© 2014 Федеральная служба по надзору в сфере образования и науки Российской Федерации Копирование **не допускается** 

В14 Дорога между пунктами А и В состоит из подъёма и спуска, а её длина равна 22 км. Путь из А в В занял у туриста 8 часов, из которых 3 часа ушло на спуск. Найдите скорость туриста на спуске, если она больше скорости на подъёме на 2 км/ч. Ответ дайте в км/ч.

Ответ: \_\_\_\_\_\_.

**B15** Найдите наибольшее значение функции  $y = (2x-6) \cdot e^{13-4x}$  на отрезке [2;14].

Ответ:

МАТЕМАТИКА

4/4

Для записи решений и ответов на задания C1–C6 используйте бланк ответов N 2. Запишите сначала номер выполняемого задания (C1, C2) и C и C и C и C и C и C и C и C и C и C и C и C и C и C и C и C и C и C и C и C и C и C и C и C и C и C и C и C и C и C и C и C и C и C и C и C и C и C и C и C и C и C и C и C и C и C и C и C и C и C и C и C и C и C и C и C и C и C и C и C и C и C и C и C и C и C и C и C и C и C и C и C и C и C и C и C и C и C и C и C и C и C и C и C и C и C и C и C и C и C и C и C и C и C и C и C и C и C и C и C и C и C и C и C и C и C и C и C и C и C и C и C и C и C и C и C и C и C и C и C и C и C и C и C и C и C и C и C и C и C и C и C и C и C и C и C и C и C и C и C и C и C и C и C и C и C и C и C и C и C и C и C и C и C и C и C и C и C и C и C и C и C и C и C и C и C и C и C и C и C и C и C и C и C и C и C и C и C и C и C и C и C и C и C и C и C и C и C и C и C и C и C и C и C и C и C и C и C и C и C и C и C и C и C и C и C и C и C и C и C и C и C и C и C и C и C и C и C и C и C и C и C и C и C и C и C и C и C и C и C и C и C и C и C и C и C и C и C и C и C и C и C и C и C и C и C и C и C и C и C и C и C и C и C и C и C и C и C и C и C и C и C и C и C и C и C и C и C и C и C и C и C и C и C и C и C и C и C и C и C и C и C и C и C и C и C и C и C и C и C и C и C и C и C и C и C и C и C и C и C и C и C и C и C и C и C и C и C и C и C и C и C и C и C и C и C и C и C

С1 а) Решите уравнение

$$4^{\cos x} + 4^{-\cos x} = \frac{5}{2}$$
.

- б) Укажите корни этого уравнения, принадлежащие отрезку  $\left[-3\pi; -\frac{3\pi}{2}\right]$ .
- С2 Радиус основания конуса с вершиной P равен 8, а длина его образующей равна 9. На окружности основания конуса выбраны точки A и B, делящие окружность на две дуги, длины которых относятся как 1:3. Найдите площадь сечения конуса плоскостью ABP.
- С3 Решите систему неравенств

$$\begin{cases} 7^x + \frac{98}{7^x} \ge 51, \\ \log_{x+3} \left( \frac{x+1}{3} \right) \le 0. \end{cases}$$

- С4 Около остроугольного треугольника ABC описана окружность с центром O. На продолжении отрезка AO за точку O отмечена точка K так, что  $\angle BAC + \angle AKC = 90^{\circ}$ .
  - а) Докажите, что четырёхугольник ОВКС вписанный.
  - б) Найдите радиус окружности, описанной около четырёхугольника *OBKC*, если  $\cos \angle BAC = \frac{5}{13}$ , а BC = 72.

© 2014 Федеральная служба по надзору в сфере образования и науки Российской Федерации Копирование **не допускается** 

**C5** Найдите все значения a, при которых уравнение

$$\sqrt{x^4 + (a+3)^4} = |x+a+3| + |x-a-3|$$

- На окружности некоторым образом расставили натуральные числа от 7 до 27 (каждое число поставлено по одному разу). Затем для каждой пары соседних чисел нашли разность большего и меньшего.
  - а) Могли ли все полученные разности быть не меньше 11?
  - б) Могли ли все полученные разности быть не меньше 10?
  - в) Помимо полученных разностей, для каждой пары чисел, стоящих через одно, нашли разность большего и меньшего. Для какого наибольшего целого числа k можно так расставить числа, чтобы все разности были не меньше k?

Единый государственный экзамен МАТЕМАТИКА

# Единый государственный экзамен по МАТЕМАТИКЕ

1/4

# Инструкция по выполнению работы

На выполнение экзаменационной работы по математике даётся 3 часа 55 минут (235 минут). Работа состоит из двух частей, включающих в себя 21 задание.

Часть 1 содержит 10 заданий (задания B1–B10) базового уровня сложности, проверяющих наличие практических математических знаний и умений.

Часть 2 содержит 11 заданий (задания B11–B15 и C1–C6) повышенного и высокого уровней сложности по материалу курса математики средней школы, проверяющих уровень профильной математической подготовки.

Ответом к каждому из заданий B1–B15 является целое число или конечная десятичная дробь. При выполнении заданий C1–C6 требуется записать полное решение и ответ.

Все бланки ЕГЭ заполняются яркими чёрными чернилами. Допускается использование гелевой, капиллярной или перьевой ручки.

При выполнении заданий Вы можете пользоваться черновиком. Обращаем Ваше внимание, что записи в черновике не будут учитываться при оценивании работы.

Советуем выполнять задания в том порядке, как они даны. Для экономии времени пропускайте задание, которое не удаётся выполнить сразу, и переходите к следующему. Если после выполнения всей работы у Вас останется время, Вы сможете вернуться к пропущенным заданиям.

Баллы, полученные Вами за выполненные задания, суммируются. Постарайтесь выполнить как можно больше заданий и набрать наибольшее количество баплов

# Желаем успеха!

### Справочные материалы

 $\sin^{2}\alpha + \cos^{2}\alpha = 1$   $\sin 2\alpha = 2\sin\alpha \cdot \cos\alpha$   $\cos 2\alpha = \cos^{2}\alpha - \sin^{2}\alpha$   $\sin(\alpha + \beta) = \sin\alpha \cdot \cos\beta + \cos\alpha \cdot \sin\beta$   $\cos(\alpha + \beta) = \cos\alpha \cdot \cos\beta - \sin\alpha \cdot \sin\beta$ 

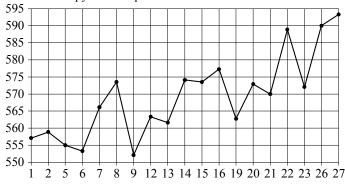
© 2014 Федеральная служба по надзору в сфере образования и науки Российской Федерации Копирование **не допускается** 

#### Часть 1

Ответом на задания B1-B10 должно быть целое число или конечная десятичная дробь. Ответ следует записать в бланк ответов № 1 справа от номера выполняемого задания, начиная с первой клеточки. Каждую цифру, знак минус и запятую пишите в отдельной клеточке в соответствии с приведёнными в бланке образцами. Единицы измерений писать не нужно.

B1	Установка двух счётчиков воды (холодной и горячей) стоит 3100 рублей.
	До установки счётчиков за воду платили 900 рублей ежемесячно. После установки счётчиков ежемесячная оплата воды стала составлять 300 рублей. Через какое наименьшее количество месяцев экономия по оплате воды превысит затраты на установку счётчиков, если тарифы на воду не изменятся?
	Ответ:
B2	Пачка сливочного масла стоит 76 рублей. Пенсионерам магазин делает скидку 15%. Сколько рублей стоит пачка масла для пенсионера?
	Ответ:

На рисунке жирными точками показана цена палладия, установленная Центробанком РФ во все рабочие дни с 1 по 27 октября 2010 года. По горизонтали указаны числа месяца, по вертикали — цена палладия в рублях за грамм. Для наглядности жирные точки на рисунке соединены линией. Определите по рисунку, какого числа цена палладия впервые поднялась выше 575 рублей за грамм.

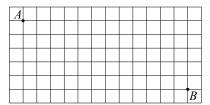


Ответ:		

В4 При строительстве сельского дома можно использовать один из двух типов фундамента: каменный или бетонный. Для каменного фундамента необходимо 7 тонн природного камня и 11 мешков цемента. Для бетонного фундамента необходимо 5 тонн щебня и 36 мешков цемента. Тонна камня стоит 1400 рублей, щебень стоит 800 рублей за тонну, а мешок цемента стоит 230 рублей. Сколько рублей будет стоить материал для фундамента, если выбрать наиболее дешёвый вариант?

Ответ: \_\_\_\_\_\_.

**B5** На клетчатой бумаге с размером клетки  $1 \times 1$  отмечены точки A и B. Найдите длину отрезка AB.



Ответ: \_\_\_\_\_\_.

В сборнике билетов по математике всего 45 билетов, в 9 из них встречается вопрос по теме «Неравенства». Найдите вероятность того, что в случайно выбранном на экзамене билете школьнику достанется вопрос по теме «Неравенства».

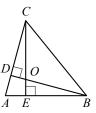
Ответ:

**В7** Найдите корень уравнения  $\sqrt[3]{x+3} = 5$ .

Ответ: .

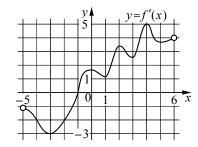
© 2014 Федеральная служба по надзору в сфере образования и науки Российской Федерации Копирование **не допускается** 

**В8** В остроугольном треугольнике ABC угол A равен 87°, BD и CE — высоты, пересекающиеся в точке O. Найдите угол DOE. Ответ дайте в градусах.



Ответ: \_\_\_\_\_\_\_.

В9 На рисунке изображён график y = f'(x) — производной функции f(x), определённой на интервале (-5;6). В какой точке отрезка [-1;3] функция f(x) принимает наибольшее значение?



Ответ:

В10 Куб описан около сферы радиуса 4. Найдите объём куба.



Ответ:

МАТЕМАТИКА

3/4

### Часть 2

Ответом на задания B11-B15 должно быть целое число или конечная десятичная дробь. Ответ следует записать в бланк ответов № 1 справа от номера выполняемого задания, начиная с первой клеточки. Каждую цифру, знак минус и запятую пишите в отдельной клеточке в соответствии с приведёнными в бланке образцами. Единицы измерений писать не нужно.

B11	Найдите значение выражения	$\log_4 3 \cdot \log_3 16$

Ответ: .

# В12 Для определения эффективной температуры звёзд используют закон Стефана—Больцмана, согласно которому $P = \sigma S T^4$ , где P — мощность излучения звезды, $\sigma = 5,7 \cdot 10^{-8} \frac{\mathrm{Br}}{\mathrm{M}^2 \cdot \mathrm{K}^4}$ — постоянная, S — площадь поверхности звезды, а T — температура. Известно, что площадь поверхности некоторой звезды равна $\frac{1}{64} \cdot 10^{21} \, \mathrm{m}^2$ , а мощность её излучения равна $2,28 \cdot 10^{26} \, \mathrm{Br}$ . Найдите температуру этой звезды в градусах Кельвина.

Ответ: \_\_\_\_\_\_.

В правильной четырёхугольной пирамиде все рёбра равны 10. Найдите площадь сечения пирамиды плоскостью, проходящей через середины боковых рёбер.



Ответ: \_\_\_\_\_\_.

2014 Федеральная служба по надзору в сфере образования и науки Российской Федерации
Копирование не допускается

B14	Дорога между пунктами А и В состоит из подъёма и спуска, а её длина равна
	38 км. Путь из А в В занял у туриста 8 часов, из которых 6 часов ушло на спуск. Найдите скорость туриста на спуске, если она больше скорость на подъёме на 5 км/ч. Ответ дайте в км/ч.
	Ответ:
B15	Найдите наименьшее значение функции $y = (2x+15) \cdot e^{2x+16}$ на отрезке $[-12;-2]$ .

МАТЕМАТИКА

4/4

Для записи решений и ответов на задания C1—C6 используйте бланк ответов N 2. Запишите сначала номер выполняемого задания (C1, C2 u m. d.), а затем полное обоснованное решение и ответ.

С1 а) Решите уравнение

$$9^{\cos x} + 9^{-\cos x} = \frac{10}{3}$$
.

- б) Укажите корни этого уравнения, принадлежащие отрезку  $\left[2\pi; \frac{7\pi}{2}\right]$
- С2 Радиус основания конуса с вершиной P равен 6, а длина его образующей равна 7. На окружности основания конуса выбраны точки A и B, делящие окружность на две дуги, длины которых относятся как 1:2. Найдите площадь сечения конуса плоскостью ABP.
- С3 Решите систему неравенств

$$\begin{cases} 3^{x} + \frac{270}{3^{x}} \ge 37, \\ \log_{x-1} \left( \frac{x+3}{6} \right) \le 0. \end{cases}$$

- С4 Около остроугольного треугольника ABC описана окружность с центром O. На продолжении отрезка AO за точку O отмечена точка K так, что  $\angle BAC + \angle AKC = 90^{\circ}$ .
  - а) Докажите, что четырёхугольник ОВКС вписанный.
  - б) Найдите радиус окружности, описанной около четырёхугольника OBKC, если  $\cos \angle BAC = \frac{12}{13}$ , а BC = 120.

© 2014 Федеральная служба по надзору в сфере образования и науки Российской Федерации Копирование **не допускается** 

**C5** Найдите все значения a, при которых уравнение

$$2\sqrt{x^4 + (a+4)^4} = |x+a+4| + |x-a-4|$$

- На окружности некоторым образом расставили натуральные числа от 4 до 30 (каждое число поставлено по одному разу). Затем для каждой пары соседних чисел нашли разность большего и меньшего.
  - а) Могли ли все полученные разности быть не меньше 14?
  - б) Могли ли все полученные разности быть не меньше 13?
  - в) Помимо полученных разностей, для каждой пары чисел, стоящих через одно, нашли разность большего и меньшего. Для какого наибольшего целого числа k можно так расставить числа, чтобы все разности были не меньше k?